


Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		



УТВЕРЖДЕНО

решением Ученого совета ФМИАТ
от «16» мая 2023 г., протокол № 4/23
Председатель Волков М.А.
(подпись, расшифровка подписи)
«16» мая 2023 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

Дисциплина	Теория вычислительной сложности
Факультет	Математики, информационных и авиационных технологий
Кафедра	Информационной безопасности и теории управления
Курс	4

Специальность: 10.05.01 «Компьютерная безопасность»
код направления (специальности), полное наименование

Специализация: «Математические методы защиты информации»
полное наименование

Форма обучения: очная
очная, заочная, очно-заочная (указать только те, которые реализуются)

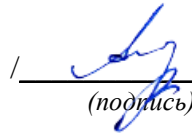
Дата введения в учебный процесс УлГУ: « 01 » сентября 2023 г.


Программа актуализирована на заседании кафедры: протокол № ___ от ___ 20___ г.

Программа актуализирована на заседании кафедры: протокол № ___ от ___ 20___ г.

Сведения о разработчиках:

ФИО	Кафедра	Должность, ученая степень, звание
Сутыркина Екатерина Алексеевна	ИБиТУ	доцент, к.ф-м.н

СОГЛАСОВАНО	
Заведующий выпускающей кафедрой «Информационная безопасность и теория управления»	
/  /	/ Андреев А.С. /
(подпись)	(Ф.И.О.)
« 11 » 05 2023г.	

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ИЗУЧЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цели освоения дисциплины:

- освоение студентами математического аппарата теории вычислительной сложности;
- знакомство с основными сложностными классами вычислительных задач и теорией вычислимых функций;

Задачи освоения дисциплины:

- освоение основных подходов и методов строгой математической оценки вычислительной сложности алгоритмов;
- оперативное владение понятиями теории сложности вычислений и способами доказательства соотношения между сложностными классами.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Дисциплина относится к числу прикладных дисциплин и занимает важное место в блоке дисциплин по выбору Б1.В.ДВ. в рамках профессионального цикла Б1 образовательной программы и читается в 7-м семестре студентам специальности «Компьютерная безопасность» очной формы обучения.


Для успешного освоения дисциплины необходимы знания основных фактов из курсов: «Дифференциальные уравнения», «Вейвлет-анализ».

Результаты освоения дисциплины будут необходимы для дальнейшего процесса обучения в рамках поэтапного формирования компетенций при изучении следующих дисциплин: «Теоретико-числовые методы построения алгоритмов и систем защиты информации», «Объектно-ориентированное программирование», «Технология разработки программного обеспечения» а также для прохождения практик и сдаче гос.экзамена.

3. ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ), СОТНЕСЕННЫХ С ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Процесс изучения дисциплины «Теория вычислительной сложности» направлен на формирование следующих компетенций.

Код и наименование реализуемой компетенции	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с индикаторами достижения компетенций
ПК-4 Способен разрабатывать математические модели, реализуемые в средствах защиты информации	Знать: основные сложностные классы и отношения на них; Уметь: корректно оценивать вычислительную сложность реализуемого алгоритма; Владеть: приёмами оценки алгоритмов и задач;
ПК-5 – Способен участвовать в разработке программных и программно-аппаратных средств для систем защиты информации компьютерных систем	Знать: Принципы организации сложных структур данных; Уметь: Проводить амортизационный анализ алгоритма Владеть: Приёмами обработки сложностных задач
ПК-6 Способен разрабатывать математические модели безопасности компьютерных систем	Знать: основные понятия математического аппарата дисциплины; Уметь: соотносить сложностные задачи по их оценкам; Владеть: навыками разрешения задач в классах сложности.


Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

4. ОБЩАЯ ТРУДОЕМКОСТЬ ДИСЦИПЛИНЫ

4.1. Объем дисциплины в зачетных единицах (всего) 2.

4.2. Объем дисциплины по видам учебной работы:


Вид учебной работы	Количество часов (форма обучения - дневная)			
	Всего по плану	В т.ч. по семестрам		
		7		
Контактная работа обучающихся с преподавателем	36	36		
Аудиторные занятия:				
• Лекции	18	18		
• Практические и семинарские занятия	18	18		
• Лабораторные работы (лабораторный практикум)				
Самостоятельная работа	36	36		
Форма текущего контроля знаний и контроля самостоятельной работы		проверка решения задач, тестирование		
Курсовая работа				
Экзамен				
Всего часов по дисциплине	72	72		
Виды промежуточной аттестации (экзамен, зачет)		зачет		
Общая трудоемкость в зач. ед.	2	2		

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

4.3. Содержание дисциплины. Распределение часов по темам и видам учебной работы:

Форма обучения _____ очная _____

Название разделов и тем	Всего	Виды учебных занятий					Форма текущего контроля знаний
		Аудиторные занятия			Занятия в интерактивной форме	Самостоятельная работа	
		Лекции	Практические занятия, семинары	Лабораторные работы, практикумы			
1	2	3	4	5	6	7	
Раздел 1. Основы вычислимости и теории сложности							
1. Вычислимость, разрешимость, перечислимость	10	2	3			5	Решение задач, тестирование
2. Класс NP, его свойства, сложностные функции и их характеристики	8	2	2			4	Решение задач, тестирование
3. Теорема о неподвижной точке. Понятие о машине Тьюринга	8	2	2			4	Решение задач, тестирование
4. Моделирование машин Тьюринга	10	3	2			5	Решение задач, тестирование
Раздел 2. Иерархия в теории сложности							
5. Вычислимость и выразимость в арифметике	8	2	2			4	Решение задач, тестирование
6. Вопросы арифметической иерархии	8	2	2			4	Решение задач, тестирование
7. P vs NP с оракулами. Иерархии по времени	10	3	2			5	Решение задач, тестирование
8. Полиномиальная иерархия	10	2	3			5	Решение задач, тестирование
Зачет							
Итого	72	18	18			36	

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Раздел 1. Основы вычислимости и теории сложности

Тема 1. Вычислимость, разрешимость, перечислимость

Разрешимые, P-разрешимые, рекурсивно-перечислимые классы языков. Теорема Поста, теорема о RE-языке. Вложенность классов. Существование неразрешимых задач. Самая сложная задача. Сведение языка к более общему. Существование L из RE\R, построение такого языка. Доказательство существования вычислимых, но не разрешимых языков.

Тема 2. Класс NP, его свойства, сложностные функции и их характеристики

NP-полнота задачи об ограниченной остановке. Вычислимость в терминологии функций. Теорема Успенского-Райса. Примеры неразрешимых множеств. Последовательность Шпеккера. Функции сложности вычислений. Теорема о существовании сложно вычислимых функций. Теорема Блюма.

Тема 3. Теорема о неподвижной точке. Понятие о машине Тьюринга

Теорема о неподвижной точке. Программа, печатающая свой текст. Доказательство с помощью искусственного языка программирования. Машины Тьюринга. Неразрешимость задачи Поста..

Тема 4. Моделирование машин Тьюринга

Нижняя оценка на палиндром на одноленточной машине Тьюринга. Моделирование k-ленточной машины на k-ленточной с линейным замедлением. Недетерминированные машины Тьюринга и класс NP. Задача Circuit-SAT, сведение Circuit-SAT к 3SAT.

Раздел 2. Иерархия в теории сложности

Тема 5. Вычислимость и выразимость в арифметике

Формулы исчисления предикатов. Выразимость в арифметике. Арифметичность перечислимых множеств.

Тема 6. Вопросы арифметической иерархии

Арифметическая иерархия и ее простейшие свойства. Универсальные множества в арифметической иерархии. Строгость арифметической иерархии. Теоремы Тарского и Геделя. Системы доказательств и перечислимые множества. Колмогоровская сложность, ее невычислимость. Доказательство Чайтина теоремы Геделя о неполноте.

Тема 7. P vs NP с оракулами. Иерархии по времени.

Оракулы при которых $P=NPP=NP$ и $P\neq NPP\neq NP$. Иерархия по времени для детерминированных и недетерминированных вычислений.

Тема 8. Полиномиальная иерархия


Некоторые другие классы сложности. Замкнутость классов $NSpace[s(n)]$ относительно дополнения. Полиномиальная иерархия. Простейшие свойства, полные задачи в ΣP_i и в $P P_i$. Оракульное определение полиномиальной иерархии.

6. ТЕМЫ ПРАКТИЧЕСКИХ И СЕМИНАРСКИХ ЗАНЯТИЙ

Раздел 1. Основы вычислимости и теории сложности

Тема 1. Вычислимость, разрешимость, перечислимость

1. Обоснование разрешимости и P-разрешимости некоторых языков.

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

- Исследование на принадлежности задач классам R и P .

Тема 2. Класс NP , его свойства, сложностные функции и их характеристики

- Вычисление асимптотических оценок сложности алгоритмических решений
- Примеры задача из класса NP .

Тема 3. Теорема о неподвижной точке. Понятие о машине Тьюринга

- Пример использования теоремы о неподвижной точке.
- m -сводимость

Тема 4. Моделирование машин Тьюринга

- Распознаваемость на машине Тьюринга.
- Эффективное моделирование k -ленточной машины на 2-ленточной.

Раздел 2. Иерархия в теории сложности

Тема 5. Вычислимость и выразимость в арифметике

- Применение теории алгоритмов в математической логике
- Доказательство арифметичности некоторых множеств

Тема 6. Вопросы арифметической иерархии

- Продуктивность и неарифметичность множеств.
- Гёделева нумерация.

Тема 7. P vs NP с оракулами. Иерархии по времени

- Машины с оракулом и сводимость Кука, ее транзитивность и сохранение класса P .
- Построение функции, не конструируемой по времени

Тема 8. Полиномиальная иерархия

- Отношения между классами в полиномиальной иерархии.
- Исследование свойств алгоритмов, принадлежащих к тому или иному сложностному классу.

7. ЛАБОРАТОРНЫЕ РАБОТЫ (ЛАБОРАТОРНЫЙ ПРАКТИКУМ)

Лабораторные работы (лабораторный практикум) не предусмотрены учебным планом.


8. ТЕМАТИКА КУРСОВЫХ, КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ, РЕФЕРАТОВ

Курсовые работы, контрольные работы, рефераты не предусмотрены учебным планом.

9. ПЕРЕЧЕНЬ ВОПРОСОВ К ЭКЗАМЕНУ (ЗАЧЕТУ)

Основы вычислимости и теории сложности

- Определение классов разрешимых и полиномиально-разрешимых языков. Пример таких языков.
- Перечислимые языки. Теорема Поста.
- Понятие RE – класса, эквивалентность трёх определений.
- Существование вычислимого, но не разрешимого языка. Построение языка, не распознающегося ни одним алгоритмом.
- NP -языки. NP - Полнота задачи об ограниченной остановке.
- Теорема Успенского-Райса. Последовательность Шпеккера.

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		


7. Функции сложности вычислений. Теорема о существовании сложно вычислимых функций. Теорема Блюма.
8. Теорема о неподвижной точке. Понятие машины Тьюринга.
9. Неразрешимость задачи Поста.
10. Нижняя оценка на палиндром на одноленточной машине Тьюринга.
11. Задача Circuit-SAT, сведение Circuit-SAT к 3SAT.

Иерархия в теории сложности

12. Арифметические множества и функции. Китайская теорема об остатках.
13. Теорема Тарского.
14. Первая теорема Гёделя о неполноте.
15. Понятие Колмогоровской сложности, ее невычислимость.
16. Оракульная машина Тьюринга, её свойства.
17. Теорема Мучника-Фридберга о несравнимых по Тьюрингу множествах.
18. Полиномиальная сводимость.
19. Классы $DTIME[s(n)]$, $NDTIME[s(n)]$, $NSpace[s(n)]$
20. Простейшие свойства, полные задачи в ΣP_1 и в P_1 .

10. САМОСТОЯТЕЛЬНАЯ РАБОТА СТУДЕНТОВ

Название разделов и тем	Вид самостоятельной работы	Объем в часах	Форма контроля
1. Вычислимость, разрешимость, перечислимость	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета, решение задач	5	Зачет, проверка решения задач, тестирование
2. Класс NP, его свойства, сложностные функции и их характеристики	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета, решение задач	4	Зачет, проверка решения задач, тестирование
3. Теорема о неподвижной точке. Понятие о машине Тьюринга	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета	4	Зачет, тестирование
4. Моделирование машин Тьюринга	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета, решение задач	5	Зачет, проверка решения задач, тестирование
5. Вычислимость и выразимость в арифметике	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета, решение задач	4	Зачет, проверка решения задач, тестирование
6. Вопросы арифметической иерархии	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета, решение задач	4	Зачет, проверка решения задач, тестирование
7. P vs NP с оракулами. Иерархии по времени	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета, решение задач	5	Зачет, проверка решения задач, тестирование
8. Полиномиальная иерархия	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета	5	Зачет, тестирование

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

11. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

а) Список рекомендуемой литературы

основная

1. Балюкевич, Э. Л. Математическая логика и теория алгоритмов : учебное пособие / Э. Л. Балюкевич, Л. Ф. Ковалева. — М. : Евразийский открытый институт, 2009. — 188 с. — ISBN 978-5-374-00220-1. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: <http://www.iprbookshop.ru/10772.html>
2. Судоплатов, С. В. Математическая логика и теория алгоритмов : учебник и практикум для академического бакалавриата / С. В. Судоплатов, Е. В. Овчинникова. — 5-е изд., стер. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 255 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-00767-1. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://www.biblio-online.ru/bcode/432018>

Дополнительная


1. Лавров И.А., Задачи по теории множеств, математической логике и теории алгоритмов [Электронный ресурс] / Лавров И.А., Максимова Л.Л. - 5-е изд., исправл. - М. : ФИЗМАТЛИТ, 2002. - 256 с. - ISBN 5-9221-0026-2 - Режим доступа: <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN5922100262.html>
2. Перемитина, Т. О. Математическая логика и теория алгоритмов : учебное пособие / Т. О. Перемитина. — Томск : Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники, 2016. — 132 с. — ISBN 2227-8397. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: <http://www.iprbookshop.ru/72121.html>


Учебно-методическая

1. Сутыркина Е. А. Методические указания для самостоятельной работы студентов по дисциплине «Теория вычислительной сложности» для студентов специальности 10.05.01 «Компьютерная безопасность» очной формы обучения / Е. А. Сутыркина; УлГУ, Фак. математики, информ. и авиац. технологий. - Ульяновск : УлГУ, 2020. - Загл. с экрана; Неопубликованный ресурс. - Электрон. текстовые дан. (1 файл : 372 КБ). - Текст : электронный. <http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Download/MObject/4285>

Согласовано:

Ведущий специалист НБ УлГУ
должность сотрудника научной библиотеки

/ Терехина Л.А. /  / 10.05.2023 /
ФИО подпись дата

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

б) Программное обеспечение

Для образовательного процесса по данной дисциплине необходим стационарный класс ПК с установленным следующим программным обеспечением:

МойОфис Стандартный, Альт Рабочая станция 8.

в) Профессиональные базы данных, информационно-справочные системы

1. Электронно-библиотечные системы:

1.1. Цифровой образовательный ресурс IPRsmart : электронно-библиотечная система : сайт / ООО Компания «Ай Пи Ар Медиа». - Саратов, [2023]. – URL: <http://www.iprbookshop.ru>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. - Текст : электронный.

1.2. Образовательная платформа ЮРАЙТ : образовательный ресурс, электронная библиотека : сайт / ООО Электронное издательство «ЮРАЙТ». – Москва, [2023]. - URL: <https://urait.ru>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. - Текст : электронный.

1.3. База данных «Электронная библиотека технического ВУЗа (ЭБС «Консультант студента») : электронно-библиотечная система : сайт / ООО «Политехресурс». – Москва, [2023]. – URL: <https://www.studentlibrary.ru/cgi-bin/mb4x>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. – Текст : электронный.

1.4. Консультант врача. Электронная медицинская библиотека : база данных : сайт / ООО «Высшая школа организации и управления здравоохранением-Комплексный медицинский консалтинг». – Москва, [2023]. – URL: <https://www.rosmedlib.ru>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. – Текст : электронный.

1.5. Большая медицинская библиотека : электронно-библиотечная система : сайт / ООО «Букап». – Томск, [2023]. – URL: <https://www.books-up.ru/ru/library/>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. – Текст : электронный.

1.6. ЭБС Лань : электронно-библиотечная система : сайт / ООО ЭБС «Лань». – Санкт-Петербург, [2023]. – URL: <https://e.lanbook.com>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. – Текст : электронный.

1.7. ЭБС Znanium.com : электронно-библиотечная система : сайт / ООО «Знаниум». - Москва, [2023]. - URL: <http://znanium.com>. – Режим доступа : для зарегистрир. пользователей. - Текст : электронный.

2. **КонсультантПлюс** [Электронный ресурс]: справочная правовая система. / ООО «Консультант Плюс» - Электрон. дан. - Москва : КонсультантПлюс, [2023].

3. Базы данных периодических изданий:

3.1. eLIBRARY.RU: научная электронная библиотека : сайт / ООО «Научная Электронная Библиотека». – Москва, [2023]. – URL: <http://elibrary.ru>. – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный

3.2. Электронная библиотека «Издательского дома «Гребенников» (Grebinnikon) : электронная библиотека / ООО ИД «Гребенников». – Москва, [2023]. – URL: <https://id2.action-media.ru/Personal/Products>. – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный.

4. Федеральная государственная информационная система «Национальная электронная библиотека» : электронная библиотека : сайт / ФГБУ РГБ. – Москва, [2023]. – URL: <https://нэб.рф>. – Режим доступа : для пользователей научной библиотеки. – Текст : электронный.

5. **Российское образование** : федеральный портал / учредитель ФГАУ «ФИЦТО». – URL: <http://www.edu.ru>. – Текст : электронный.

6. Электронная библиотечная система УлГУ : модуль «Электронная библиотека» АБИС Мега-ПРО / ООО «Дата Экспресс». – URL: <http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Web>. – Режим доступа : для пользователей научной библиотеки. – Текст : электронный.

Согласовано:


Инженер ведущий / Щуренко Ю.В. /  / 04.05.2023

Должность сотрудника УИТТ

ФНО

подпись

дата

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

12. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Аудитория -3/316. Аудитория для проведения лекционных, семинарских и практических занятий, текущего контроля и промежуточной аттестации, групповых и индивидуальных консультаций. Комплект переносного мультимедийного оборудования: ноутбук с выходом в Интернет, экран, проектор, Wi-Fi с доступом в Интернет, ЭИОС, ЭБС. 432017, Ульяновская область, г. Ульяновск, ул. Набережная реки Свияги, д. 106-3 корпус.

Аудитория -237. Читальный зал научной библиотеки с зоной для самостоятельной работы. Аудитория укомплектована ученической мебелью. Компьютерная техника, телевизор, экран, проектор. Стол для лиц с ОВЗ. 432017, Ульяновская область, г. Ульяновск, р-н Железнодорожный, ул. Набережная р. Свияги, № 106-1 корпус.

13. СПЕЦИАЛЬНЫЕ УСЛОВИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ С ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ

В случае необходимости, обучающимся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья (по заявлению обучающегося) могут предлагаться некоторые из следующих вариантов восприятия информации с учетом их индивидуальных психофизических особенностей:

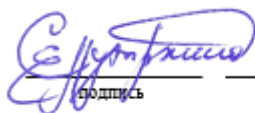
– для лиц с нарушениями зрения: в печатной форме увеличенным шрифтом; в форме электронного документа; в форме аудиофайла (перевод учебных материалов в аудиоформат); в печатной форме на языке Брайля; индивидуальные консультации с привлечением тифлосурдопереводчика; индивидуальные задания и консультации;

– для лиц с нарушениями слуха: в печатной форме; в форме электронного документа; видеоматериалы с субтитрами; индивидуальные консультации с привлечением сурдопереводчика; индивидуальные задания и консультации;

– для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата: в печатной форме; в форме электронного документа; в форме аудиофайла; индивидуальные задания и консультации.

В случае необходимости использования в учебном процессе частично/исключительно дистанционных образовательных технологий, организация работы ППС с обучающимися с ОВЗ и инвалидами предусматривается в электронной информационно-образовательной среде с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

Разработчик:


подпись

доцент
должность

Сутыркина Екатерина Алексеевна
Ф.И.О